Sonderdruck aus der "Zeitschrift für Geophysik", Jahrg. 6, Heft 2.

Druck und Verlag von Friedr. Vieweg & Sohn Akt.-Ges. in Braunschweig.

fam fofat Jeger 26i65 ryskaff i.l.

Über den Horizontalabstand von Pendelstationen

Von Robert Schwinner

Für die geologische Deutung ist es wesentlich, daß die Differenz zwischen zwei benachbarten Schwerestationen nie das falsche Vorzeichen bekomme. Daher wird vorgeschlagen, die Pendelstationen im Querprofil nicht näher aneinander zu rücken, als daß die mutmaßliche Differenz das 6-fache des mittleren Fehlers der einzelnen Messung ist.

Das Netz von Schwerestationen, wie es uns von den älteren Vermessungen her vorliegt, kann sozusagen als "zufällig" in der Auswahl der Stationsorte bezeichnet werden; wenigstens in geologischer Hinsicht sind systematische Beeinflussungen dabei nicht im Spiele gewesen. Den Horizontalabstand der Pendelstationen zu diskutieren, war da wenig Anlaß, man mußte zufrieden sein, wenn man überhaupt welche antraf. Erst in neuerer Zeit ist diese Frage aufgeworfen worden, anscheinend zuerst im Gefolge von bergmännischen Untersuchungen. Aber auch bei den neueren Landesvermessungen spielt dieses Problem bereits eine Rolle. Die Aufgabe, in einem konkreten Falle eine Art geologischer Prognose zwecks Auswahl der Stationen auszuarbeiten, führte mich darauf, diese Frage auch vom Gesichtspunkt der regionalgeologischen Deutung der Schweremessungen aus zu betrachten.

Die Binsenwahrheit, daß viele Messungen besser sind als wenige und immer irgendwie zu einer Erhöhung der Genauigkeit verwendet werden können, muß natürlich auch für die Häufung von Pendelstationen gelten; aber es gibt da einige Einschränkungen. Liegen die Stationen z. B. sehr nahe zusammen, so wird man zwischen die zickzack gestreuten Punkte leicht eine kontinuierliche Kurve des g-Verlaufes interpolieren können, welche die Unsicherheit der einzelnen Messung weitgehend korrigiert. Wie das bei einer etwas geringeren, wenn auch immer noch großen Stationsdichte steht, ob da in der Ermittlung der sonst noch unbekannten Kurve nicht auch prinzipielle Unsicherheiten auftreten können, ist eine offene Frage — die aber offen bleiben kann; denn eine solche Häufung von Pendelstationen



ist nicht zweckmäßig, da nimmt man besser gleich die Drehwaage. Die Pendelstation ist ihrem Wesen nach ein Individuum, sie wird für sich beurteilt und verarbeitet entweder im Absolutwert, meist aber mit dem Relativwert, das ist mit der Differenz ihres Wertes (in g oder besser in der Anomalie, das ist irgend ein reduziertes g minus Normalschwere: $g_0 - \gamma_0$ oder $g_0'' - \gamma_0$ usw.) von dem der Nachbarstation.

Am allerunerwünschtesten von allen Fehlerkonsequenzen ist offenbar der Fall, wenn eine solche Differenz das falsche Vorzeichen bekommt; denn das führt zu einem qualitativen, wesentlichen Irrtum. Versucht man nämlich eine solche Anomalie, die das falsche Vorzeichen bekommen hat, durch Unterlegung einer störenden Masse zu erklären, so kommt diese auf die falsche Seite zu liegen und die geologische Deutung muß ganz verkehrt ausfallen. Jung (Zeitschr. f. Geophys. 3, 152, 1927) hatte gemeint, man könnte die Stationen mit Vorteil so nahe aneinander rücken, daß die theoretisch größtmögliche Schwankung der Schwereintensität zwischen ihnen gleich der Genauigkeit*) der einzelnen Pendelmessung wird. Aus seinen Beispielen geht hervor, daß er dabei nur an Fälle der Praxis denkt, in denen der allgemeine Gang der Schwerestörung von vornherein feststeht; da mag es auch angehen. In unserem allgemeineren Falle dürfte diese Wahl gerade zwischen zwei Stühle treffen. Gegenseitig korrigieren und kontrollieren können Messungen dieses Horizontalabstandes einander nicht mehr, dagegen werden sie häufig die verpönten falschen Vorzeichen liefern: bezeichnen wir mit r einen Fehler, der größer ist als der wahrscheinliche (r), so hat das Vorkommen von $g_1 + \bar{r}$, $g_1 - \bar{r}$, $g_2 + \bar{r}$, $g_2 - \bar{r}$ jedesmal die Wahrscheinlichkeit $\frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} = \frac{1}{4}$, und somit das Zusammenvorkommen von je zwei bestimmten dieser Werte, d. i. daß die Differenz beträgt $g_2 - g_1 + 2\bar{r}$ oder $g_2 - g_1 - 2\bar{r}$, jedesmal die Wahrscheinlichkeit von ¹/₁₆; und einer von diesen beiden Fällen müßte bei Beachtung von Jungs Vorschlag bestimmt das verkehrte Vorzeichen haben; denn der wahrscheinliche Fehler ist rund $^{2}/_{3}$ des mittleren (ε), also 2r $= \frac{4}{3} \varepsilon$, und außerdem ist angenommen, daß es die theoretisch maximale Differenz ist, die dem mittleren Fehler (ε) gleichgemacht worden ist, die wirkliche Differenz $g_2 - g_1$ ist viel kleiner. Unter diesen Umständen kann man annehmen, daß 10%aller Differenzen $g_2 - g_1$ oder noch mehr das verkehrte Vorzeichen bekommen würden, und das scheint mir nicht erträglich! Ferner, der genaue Wert der Stationsdifferenz $q_2 - q_1$ ist ja erst durch die Messung zu ermitteln. Für die Aufgabe, die Stationsorte auszuwählen, steht nur eine Schätzung zur Verfügung, und da dürfte auch in günstigen Fällen ein Irrtum von 50% leicht unterlaufen können. Um also die falschen Vorzeichen sicher zu vermeiden, würde ich vorschlagen, die Pendelstationen grundsätzlich nicht näher aneinander zu rücken, als daß die Stationsdifferenz der Schätzung nach mindestens den sechsfachen mittleren Fehler der einzelnen Pendelmessung beträgt. Sollte sich die Differenz an einer Stelle des Profils viel größer erweisen als geschätzt war, und ist es zur Deutung nötig, so kann man immer noch nachträglich eine Zwischenstation hineinlegen, das ist sicher weniger Arbeit, als wenn man von Anfang an die Stationsdistanz wahllos viel kleiner genommen hätte. Und will man noch feinere Einzelheiten studieren, die mit solchem Stationsnetz nicht erfaßt werden können, so muß man eben zur Drehwaage greifen und wird auch die Messungen mit dieser besser disponieren können, wenn man sich auf die aus den lockerer gestellten Pendelstationen gewonnene Übersicht stützen kann, als wenn man sie ganz ins Blaue hinein anfangen muß.

Wenn man nur über eine bestimmte Zahl von Stationen disponieren darf und eine gewisse Beschränkung im Aufwand wird man heute wohl überall voraussetzen müssen —, so ist die zweckmäßigste Anordnung derselben die lineare, das ist die Vermessung eines Profils; und dieses ist selbstverständlich in der Richtung des größten Gradienten*) zu legen. In dieser Richtung sind zwar die meisten, weil eng gestellten, Stationen erforderlich, aber das Messungsergebnis ist hier auch am charakteristischsten und geologisch am leischtesten zu deuten. Und auch für die geologische Prognose sind diese Linien am leichtesten zu finden. Wo der geologische Bau ohne viel Veränderung längere Strecken gerade weiterstreicht, und diese Strecken sind ohnedem schon wegen der leichteren Berechnung und Deutung der Anomalien auszuwählen, sind die maximalen Gradienten normal zum jeweiligen Generalstreichen und somit leicht mit genügender Genauigkeit**) anzugeben. Für diese Querprofile sind auch bereits gewisse Durchschnittszahlen bekannt, die eine Schätzung selbst dort gestatten, wo sonst nichts bekannt ist. Im alpidisch dislozierten Gebiet***) wird man annehmen können, daß im Querprofil Gradienten von 0,001 cm sec⁻² auf den Kilometer so ziemlich die Regel sind, daß sie aber über den Hauptdislokationen auf 0,002 bis 0,003 steigen können, Im variskischen Faltungsgebiet†) wird das Mittel heute vermutlich etwas tiefer liegen. Nimmt man an, daß bei modernen Pendelmessungen der mittlere Fehler höchstens 0,001 cm/sec⁻² beträgt, so kann man die Stationen über den alpidischen Hauptdislokationen auf etwa 2 km zusammenrücken, an variskischen vielleicht auf 3 km, sonst sind im allgemeinen 5 bis 6 km eine empfehlenswerte Stationsdistanz.

^{*)} Nach dem gewöhnlichen Sprachgebrauch ist damit wohl der mittlere Fehler gemeint?

^{*)} Die Trajektorie der Linien gleicher Schwereanomalien ist nicht ohne weiteres identisch mit der des größten Gradienten, wie er etwa mit der Drehwaage ermittelt wird, allein bei der Orientierung des Schwereprofils kommt es auf solche kleine Richtungsunterschiede nicht an.

^{**)} Bei Verschwenkung des Profils aus der Normalen heraus ist die Änderung des Gradienten gering, nämlich etwa proportional der des cos des betreffenden kleinen Winkels.

^{***)} R. Schwinner: Geophysikalische Zusammenhänge zwischen Ostalpen und Böhmischer Masse. Gerlands Beitr. z. Geophys. 23, 72, 1929.

^{†)} J. Koenigsberger: Zur geophysikalischen gravimetrischen Landesuntersuchung und über die Tiefenlage der störenden Massen. Zeitschr. f. prakt. Geologie, 35. Jahrg., H. 5, S. 68, 1927.

Normal zu den so gewählten Profilen wären die für eine Stationsreihe ungünstigsten Linien, denn in diesen kommt die Unsicherheit der Messungen und die unkontrollierbare Abweichung der Linie von der richtigen "Isogamme" allein und daher voll zur Geltung. Man vermeidet am besten, solche Stationsfolgen in Diskussion zu ziehen. Am zweckmäßigsten legt man zuerst die Stationsreihen weit auseinander, wie es sich ohnedem meist ganz ungezwungen ergibt, wenn man nur die einwandfreien Querprofile heraussucht. Vergleicht man dann die Änderungen der Schwerewerte und des tieferen Baues im Streichen, so findet man leicht die Zwischenstationen, die nötig sind, die Übergänge aufzuklären und den Schwereverlauf auf der ganzen Fläche zu erfassen. Legt man dagegen, wie es bisher geschah, auf gut Glück ein Quadratnetz, so kann man leicht ein paar rätselhafte Ziffern bekommen, die allen Deutungsversuchen trotzen. Eine Schwerestation aber, die man nicht geologisch deuten kann, ist wenig mehr als verschwendete Arbeit.